

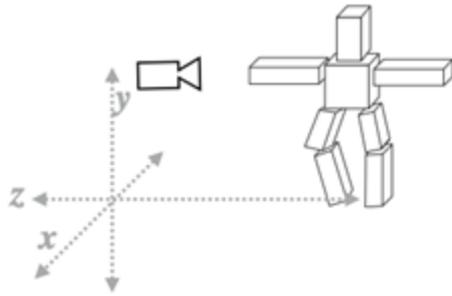
# Computação Gráfica

Aula 11: Materiais e Iluminação

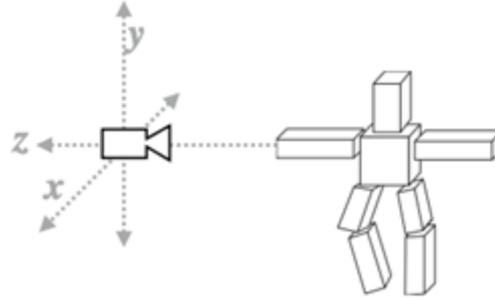
# Computação Gráfica

## Cálculo de Iluminação

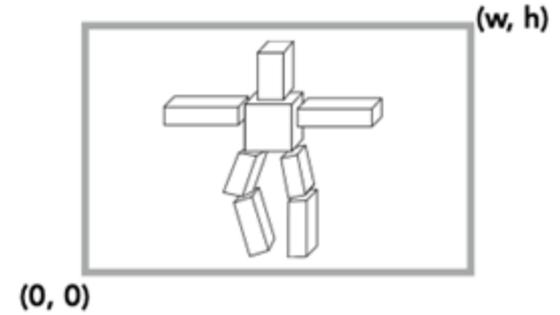
# O que vimos até agora



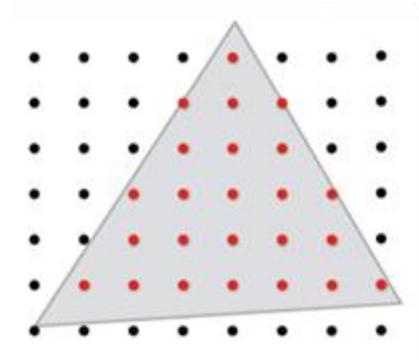
Posicionando câmeras e objetos no mundo



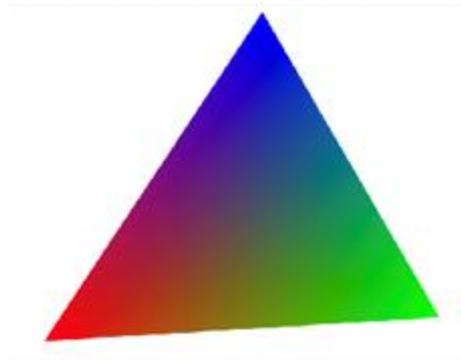
Calculando a posição dos objetos em relação a câmera



Projetando os objetos na tela



Amostrando a cobertura dos triângulos



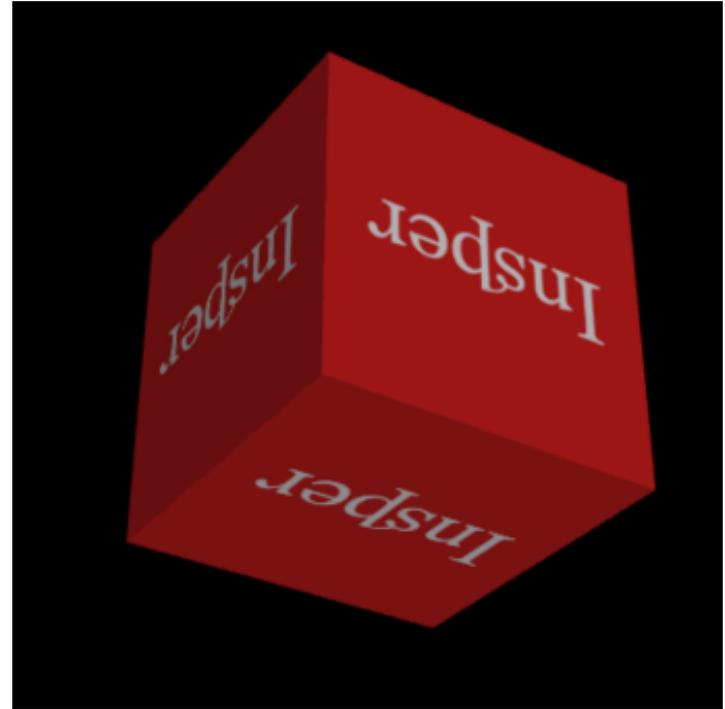
Interpolando os atributos do triângulo



Amostrando texturas mapeada

# Iluminação

Iluminação permite perceber a característica de 3D de um objeto



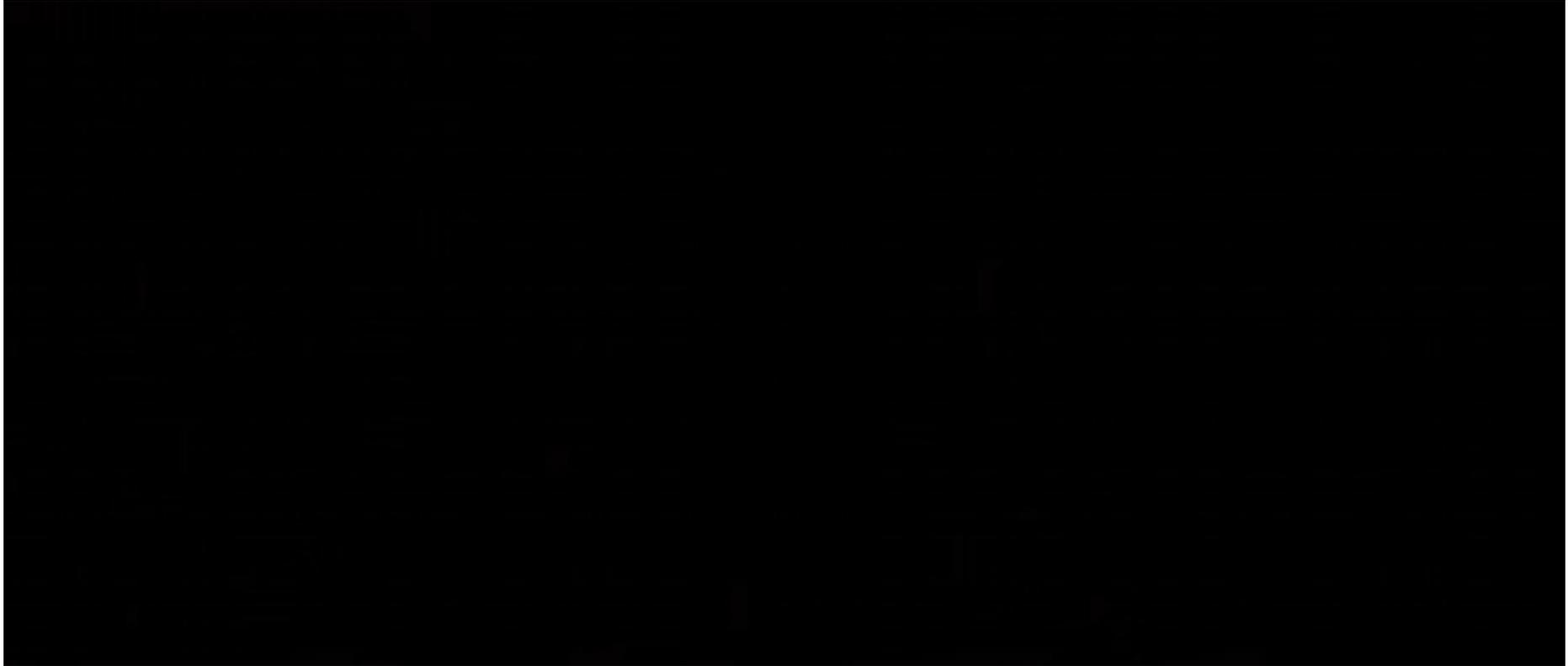


# Quais outros efeitos existem?



Créditos: Giuseppe Albergo. "Colibri" [Blender]

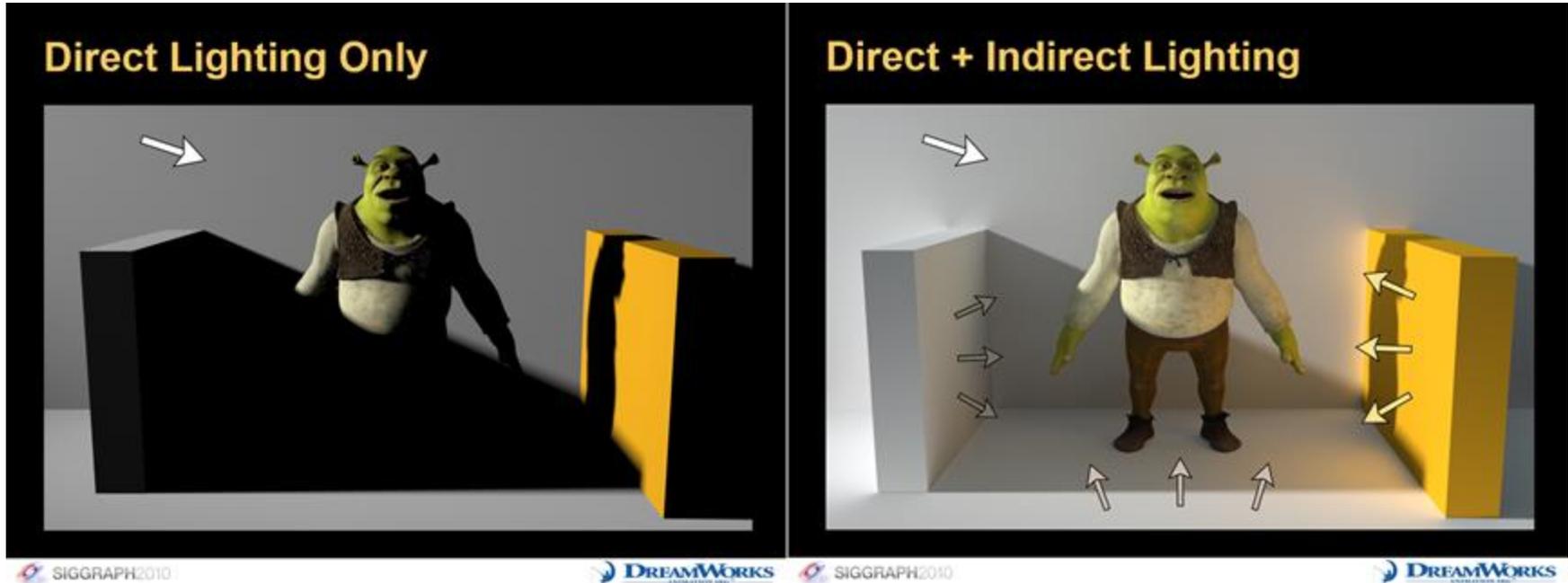
# Iluminação no Espaço



Rogue One: A Star Wars Story Trailer (Official)  
<https://www.youtube.com/watch?v=frdj1zb9sMY>

**Sem a luz ambiente as coisas parecem estranhas.**

# Iluminação Local vs. Global



# Percepções das Observações das Renderizações

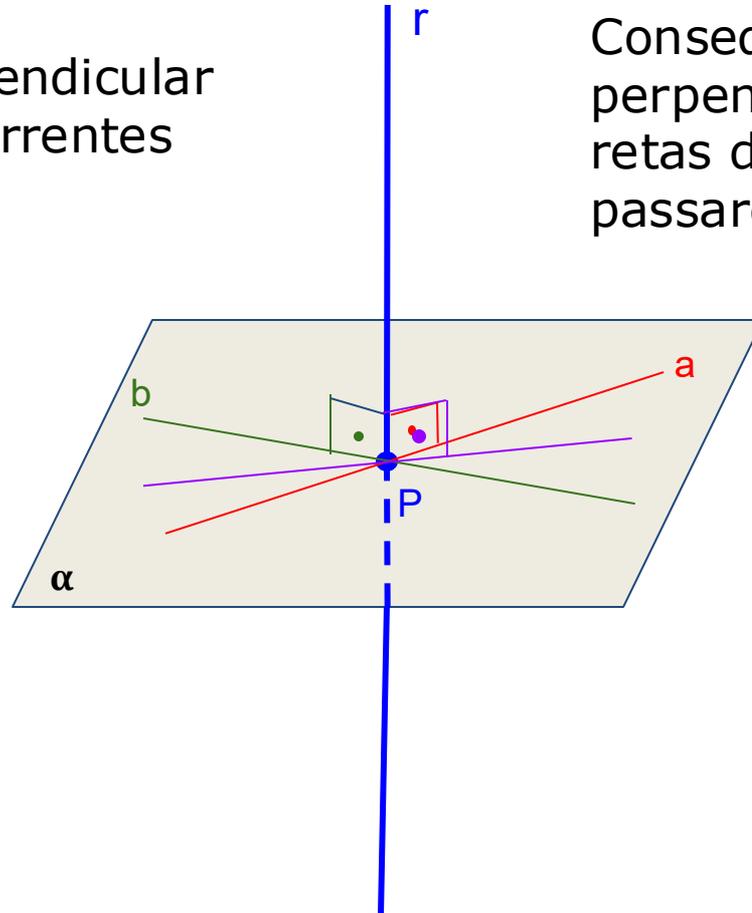


# Revisão: Vetor Normal

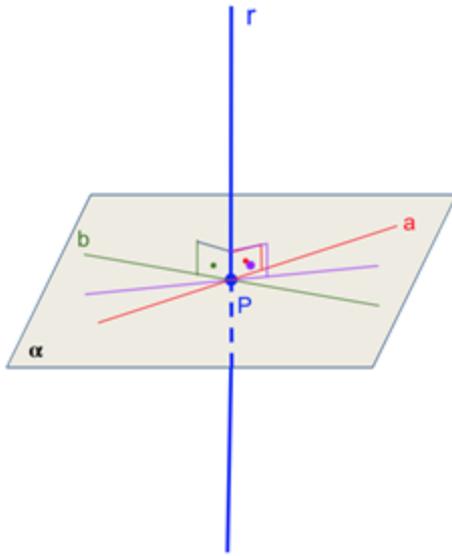
# Da geometria: quando uma reta é perpendicular a um plano?

Quando ela é perpendicular a duas retas concorrentes desse plano!

Consequência: ela será perpendicular a **todas** as retas desse plano que passarem por P.



Da geometria: quando uma reta é perpendicular a um plano?



Dessa forma,  $r$  define uma direção que é perpendicular a todas as direções "contidas" no plano  $\alpha$ .

E essa direção é única! De fato, se  $r$  e  $s$  são retas perpendiculares a um mesmo plano, então elas são paralelas entre si.

Conclusão: a direção perpendicular a um plano caracteriza esse plano.

Qual a diferença entre os termos **perpendicular**, **normal** e **ortogonal**?

Existem pequenas diferenças entre seus significados geométricos, mas todos eles remetem à ideia de **perpendicularidade**.

Se um vetor  $n$  tem a direção de uma reta  $r$ , perpendicular a um plano  $\alpha$ , então dizemos que  $n$  é um **vetor normal** ao plano  $\alpha$ .

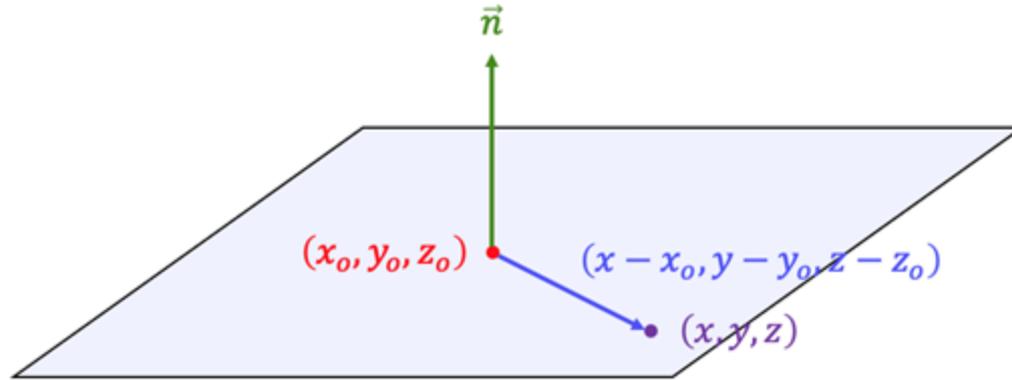
Podemos usar as ideias desenvolvidas até aqui para escrever a equação de um plano!

Sabendo que  $n = (a,b,c)$  é um vetor normal a um plano  $\alpha$ , esse plano fica determinado?

**NÃO!** É preciso conhecer também um ponto do plano  $\alpha$ . Seja  $(x_0, y_0, z_0)$  um ponto desse plano.

Qual é a condição para que um ponto genérico  $(x,y,z)$  pertença ao plano  $\alpha$ ?

Qual é a condição para que um ponto genérico  $(x, y, z)$  pertença ao plano  $\alpha$ ?



Os vetores  $\vec{n}$  e  $(x - x_0, y - y_0, z - z_0)$  devem ser perpendiculares entre si. Dessa forma,

$$(a, b, c) \cdot (x - x_0, y - y_0, z - z_0) = 0$$

$$(a, b, c) \cdot (x - x_0, y - y_0, z - z_0) = 0$$

$$a(x - x_0) + b(y - y_0) + c(z - z_0) = 0$$

$$ax + by + cz - (ax_0 + by_0 + cz_0) = 0$$

$$ax + by + cz + d = 0$$

Como obter o vetor normal a um plano a partir de dois vetores desse plano?

## PRODUTO VETORIAL!

**EXEMPLO:** Encontre um vetor normal ao plano determinado pelos pontos  $P_0 = (1,2,3)$ ,  $P_1 = (0,1,1)$  e  $P_2 = (-1,0,-2)$ .

$$\overrightarrow{P_0P_1} = P_1 - P_0 = (-1, -1, -2)$$

$$\overrightarrow{P_1P_2} = P_2 - P_1 = (-1, -1, -3)$$

**EXEMPLO:** Encontre um vetor normal ao plano determinado pelos pontos  $P_0 = (1,2,3)$ ,  $P_1 = (0,1,1)$  e  $P_2 = (-1,0,-2)$ .

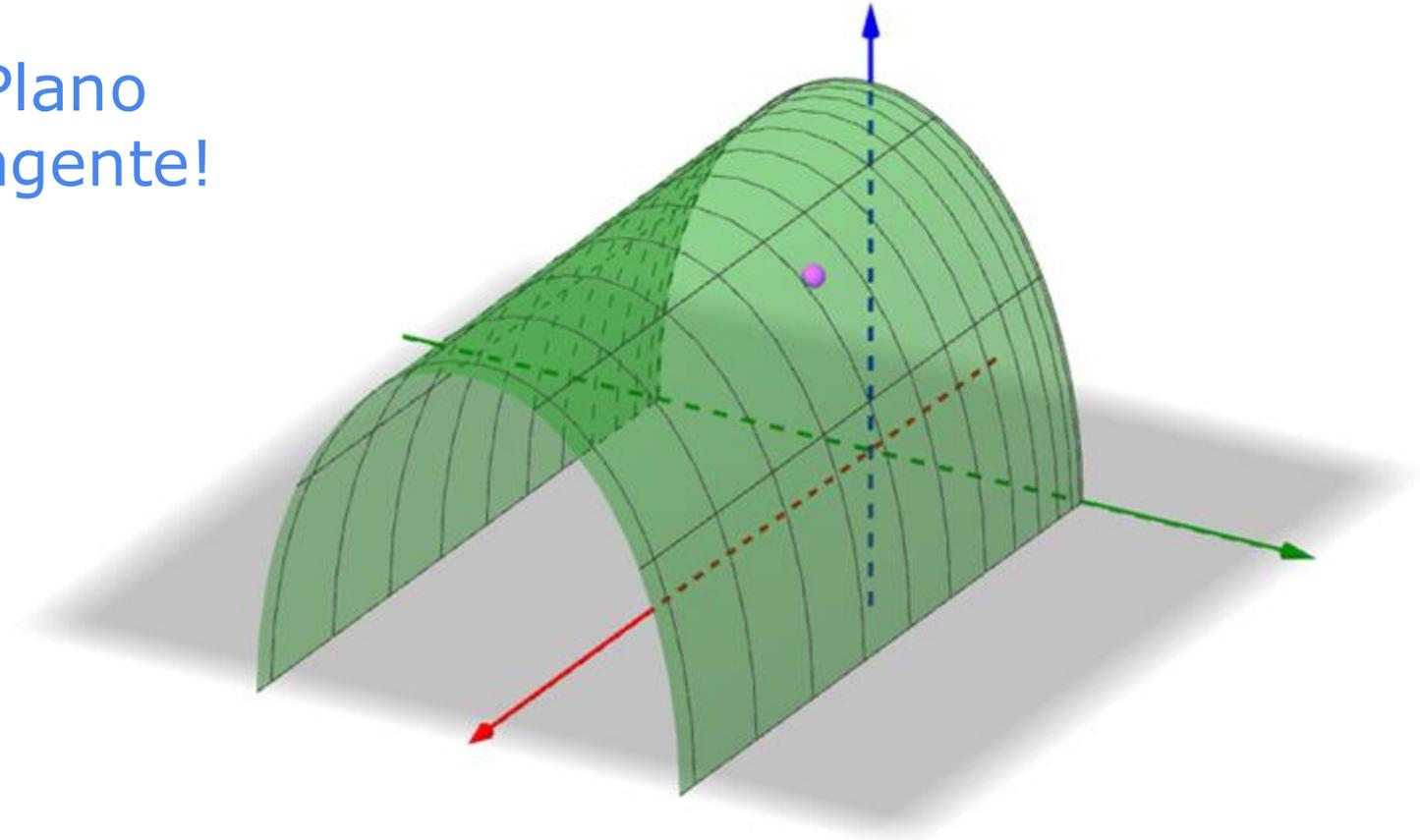
$$\overrightarrow{P_0P_1} = P_1 - P_0 = (-1, -1, -2)$$

$$\overrightarrow{P_1P_2} = P_2 - P_1 = (-1, -1, -3)$$

$$\vec{n} = \overrightarrow{P_0P_1} \times \overrightarrow{P_1P_2} \quad \vec{n} = \begin{vmatrix} \hat{i} & \hat{j} & \hat{k} \\ -1 & -1 & -2 \\ -1 & -1 & -3 \end{vmatrix} \quad \vec{n} = (1, -1, 0)$$

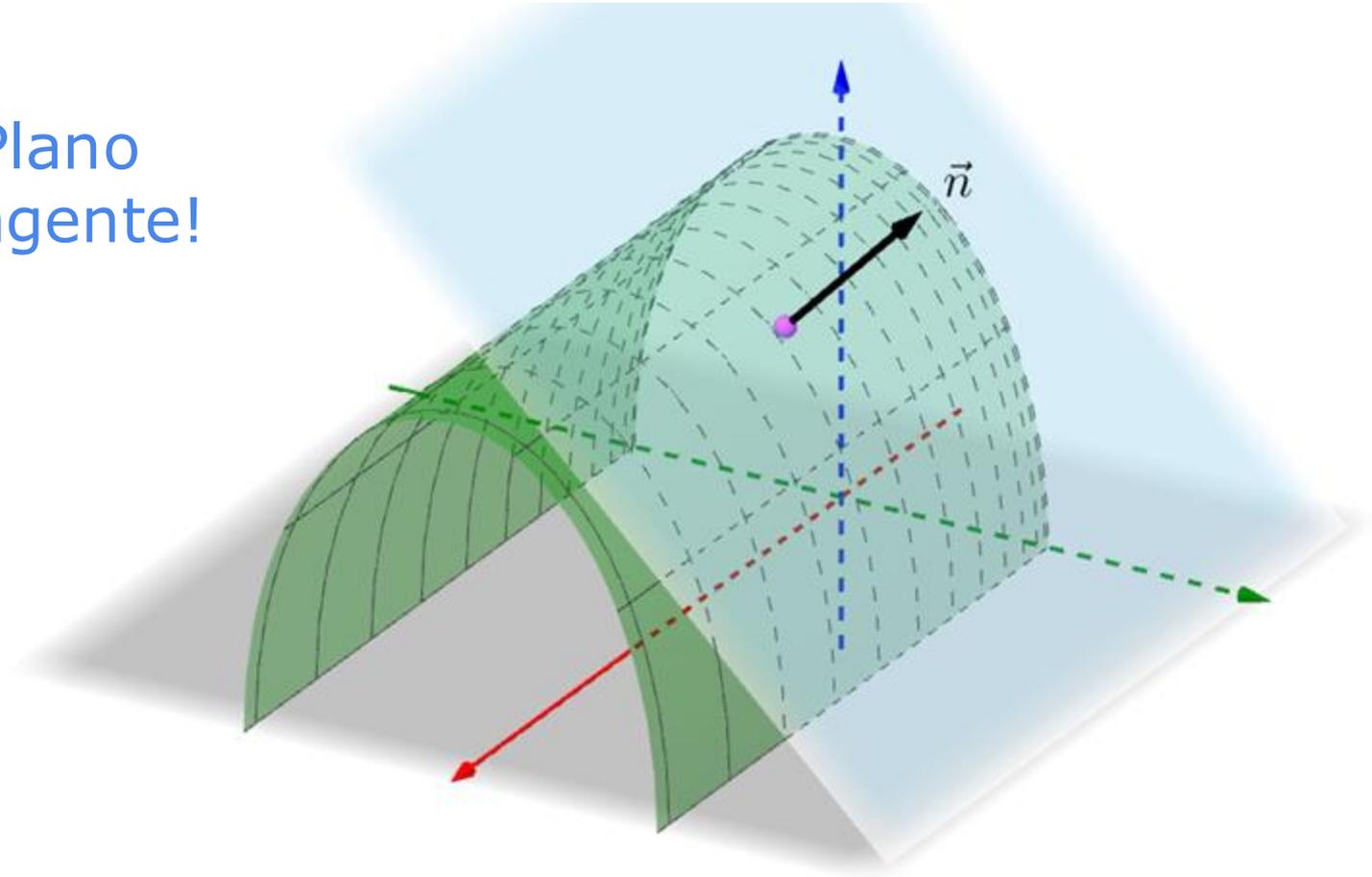
E como determinar o vetor normal a uma superfície?

Plano  
tangente!

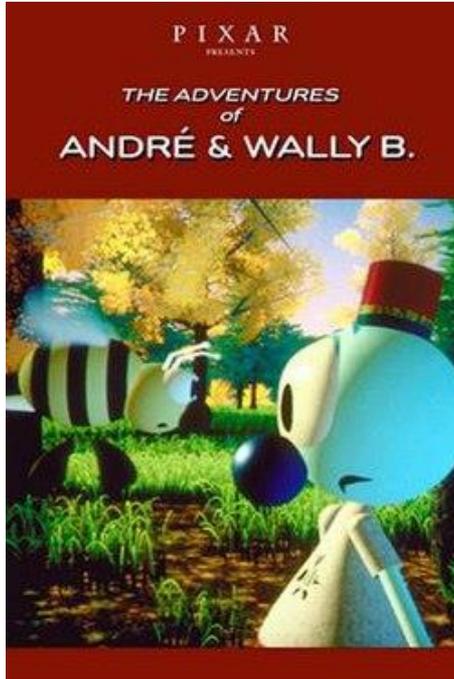


# E como determinar o vetor normal a uma superfície?

Plano  
tangente!



# Break



The Adventures of André and Wally B. 1984

1:25 minutos

[https://www.youtube.com/watch?v=a\\_9Tsbduk9E](https://www.youtube.com/watch?v=a_9Tsbduk9E)



Luxo Jr. (1986)

1:45 minutos

<https://www.youtube.com/watch?v=w7tFQGSZjUI>



# Aplicação ao cálculo de iluminação

# Fontes de Luz

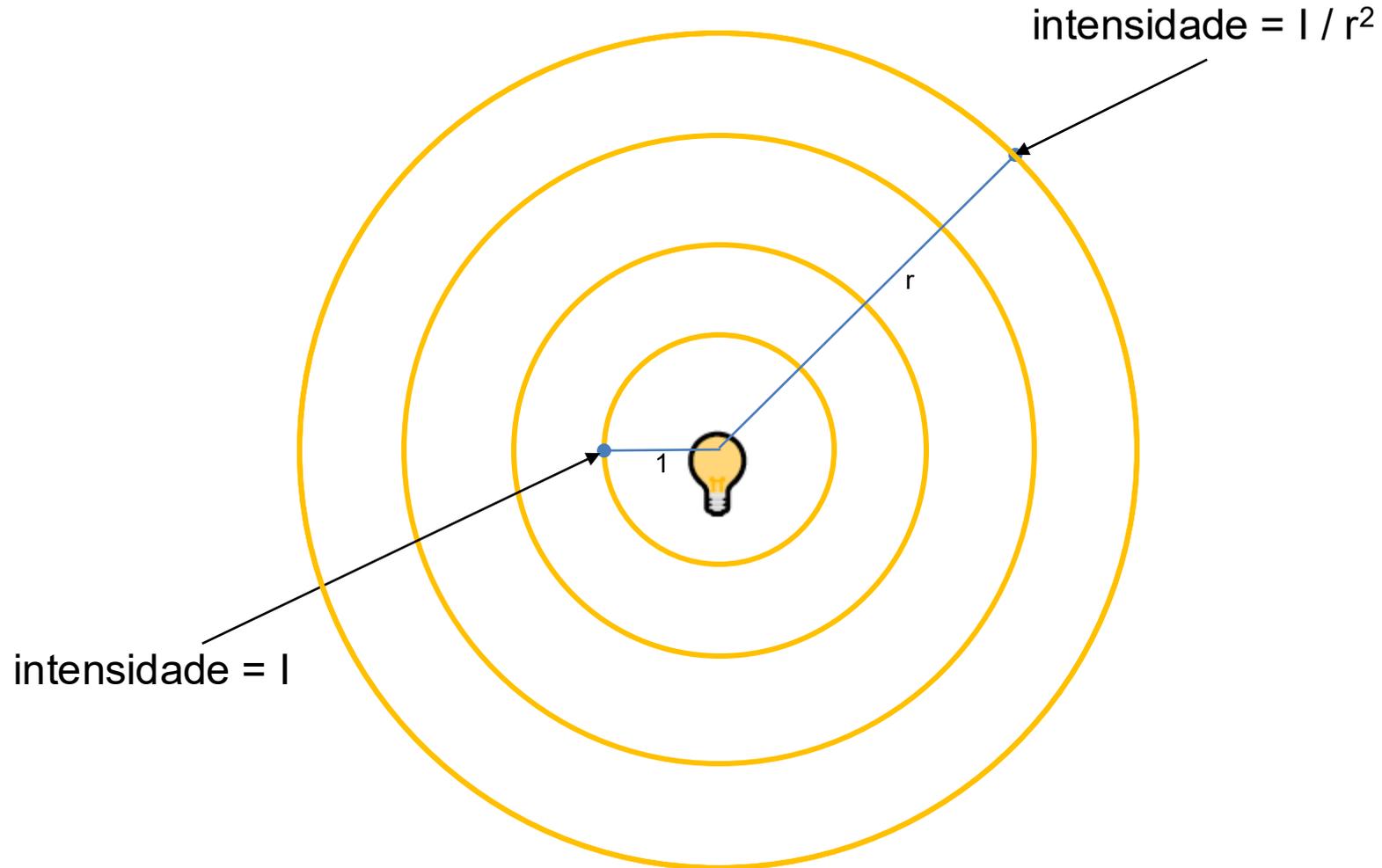
- Pontual: *ponto único que emana em todas as direções*
- Direcional: *usadas para luz do sol ou luar.  
(Frequentemente como luz principal)*
- Spot: *foco em um único local*
- Ambiente: *se espalham por toda parte, igualmente*
- Área: *emanam de uma área toda.*

# Luz Pontual

- Emite luz para todas as direções
- Definida por uma posição no espaço
- Não possui uma direção que caracterize ela
- Intensidade cai com o quadrado da distância

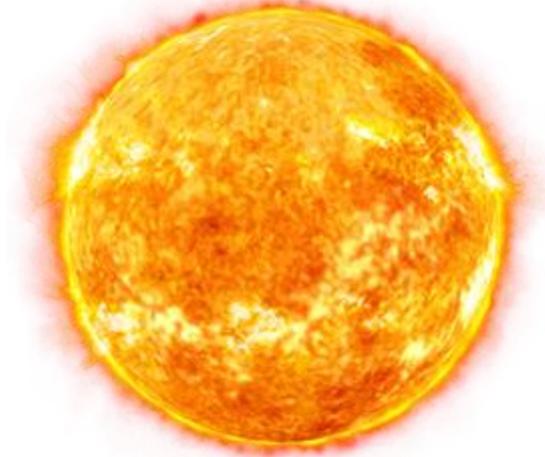


# Decaimento da Luz Pontual



# Luz Direcional

- Todos os raios de luz paralelos
- Posição da fonte de luz é irrelevante
- Os raios de luz apontam para uma direção específica
- Intensidade constante, independente da distância



# Luz Spot

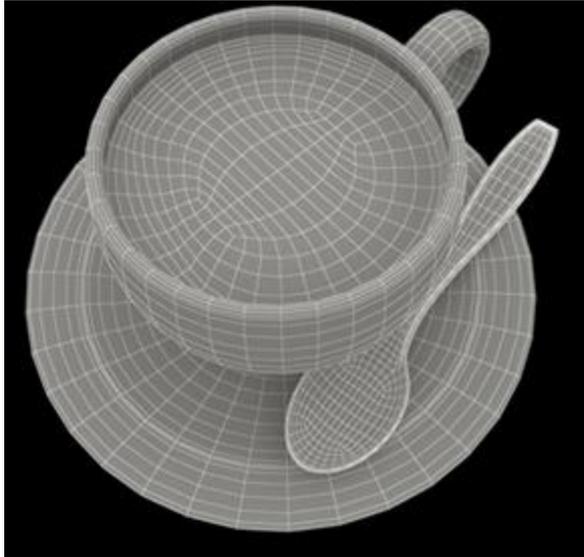
- Todos os raios partem de um ponto no espaço
- Luz dispersa em um formato de cone em uma certa direção
- Pode ter efeitos de penumbra
- Intensidade depende da distância



# Luz Ambiente

- Na prática é um truque de iluminação
- As superfícies recebem essa luz de forma uniforme

# O que são Materiais em Computação Gráfica



Modelo da xícara



Renderizada



Renderizada

Material: difuso



Material: plástico



Material: pintura semi-gloss vermelha



# Material: Tinta laca mística Ford



Material: espelhado



Material: dourado



# Propriedade dos Materiais

Principais propriedades:

Cor Difusa

Cor Especular

Brilho

“Cor Ambiente”



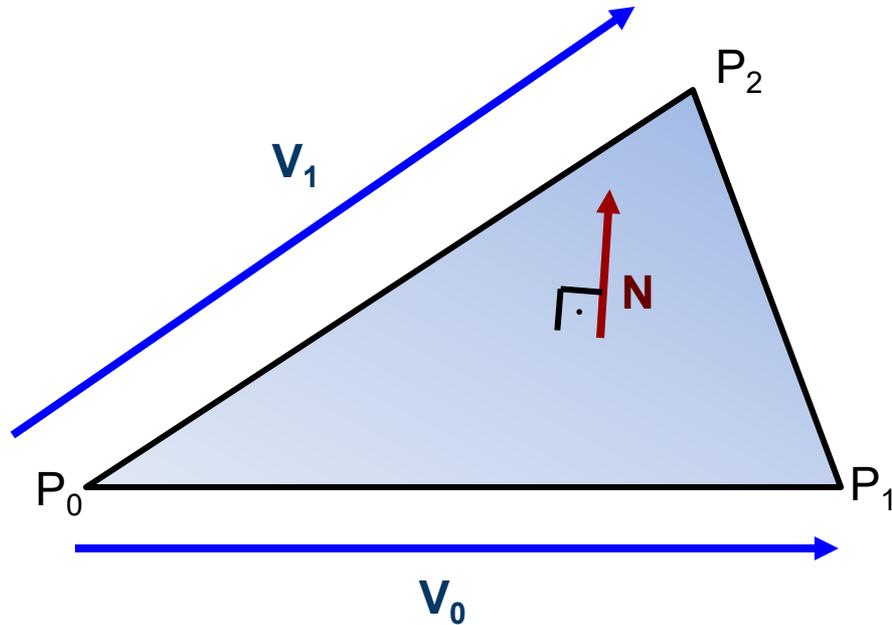
# Definindo Vetores Normais por Face

$$\vec{V}_0 = P_1 - P_0$$

$$\vec{V}_1 = P_2 - P_0$$

$$\vec{N} = \vec{V}_0 \times \vec{V}_1$$

$$\hat{N} = \frac{\vec{V}_0 \times \vec{V}_1}{\|\vec{V}_0 \times \vec{V}_1\|}$$



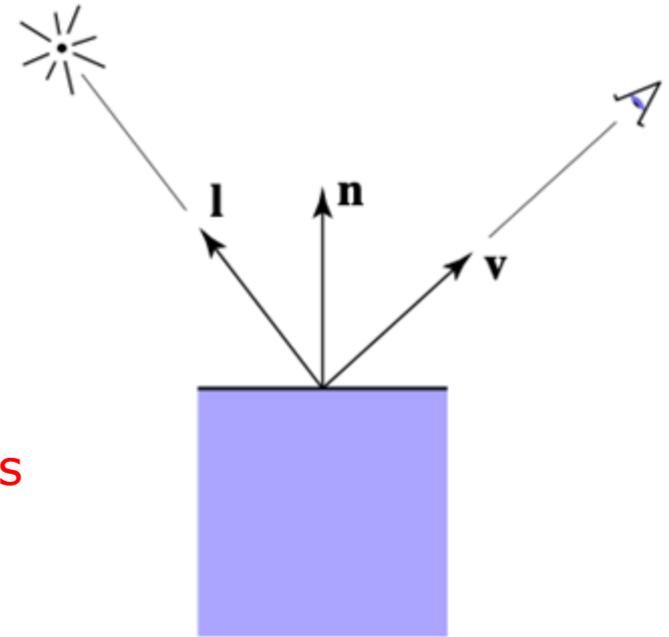
# Cálculo Local

Calcular a luz refletida em direção à câmera

Parâmetros:

- Direção para o visualizador ( $v$ )
- Normal da superfície ( $n$ )
- Direção da luz ( $l$ )  
para cada uma das luzes existentes
- Parâmetros da superfície (cor, brilho, ...)

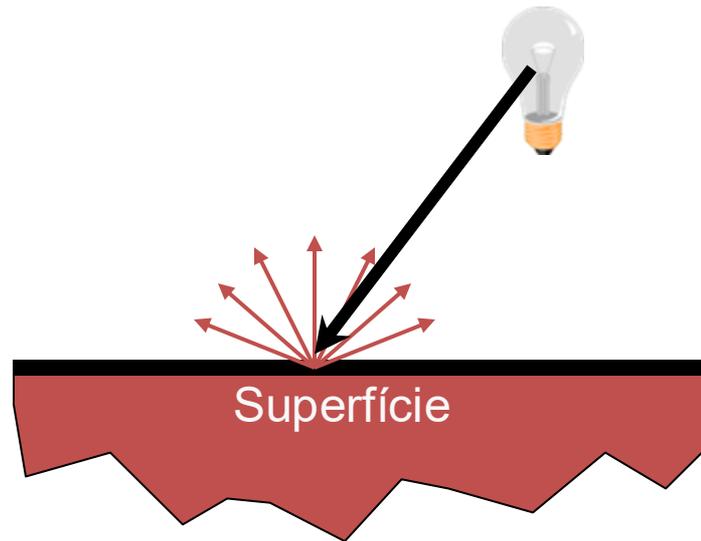
Cuidado para sempre trabalhar com todos os vetores normalizados.



# Reflexão Difusa

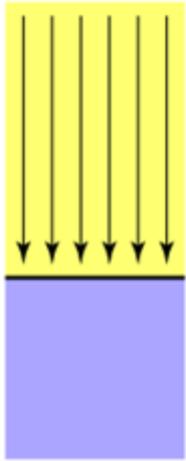
A superfície reflete igualmente em todas as direções

- Exemplos: carvão, argila

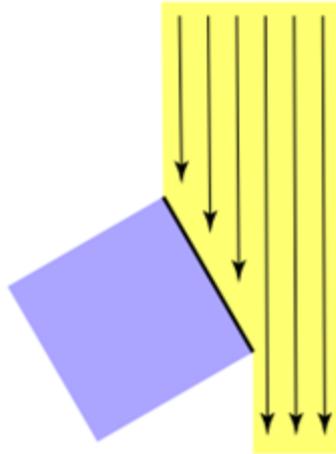


# Reflexão Difusa

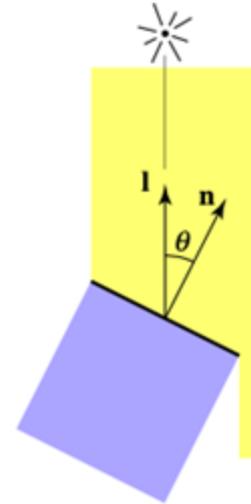
Na reflexão difusa a luz é espalhada uniformemente em todas as direções  
A cor da superfície é a mesma olhando de qualquer direção



O topo do cubo recebe uma certa quantidade de luz



O topo do cubo a 60°  
recebe metade da  
quantidade de luz

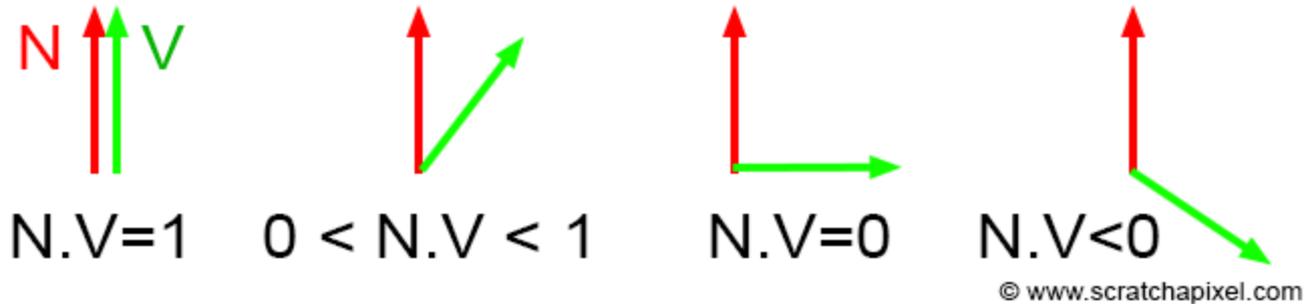


Em geral, a luz por quantidade  
de área é proporcional a:  
 $\cos \theta = \mathbf{l} \cdot \mathbf{n}$

"Em óptica, a lei do cosseno de Lambert afirma que a intensidade luminosa observada em uma superfície com reflexão difusa ideal é diretamente proporcional ao cosseno do ângulo  $\theta$  entre a direção de incidência da luz e a normal da superfície, reta perpendicular a esta."

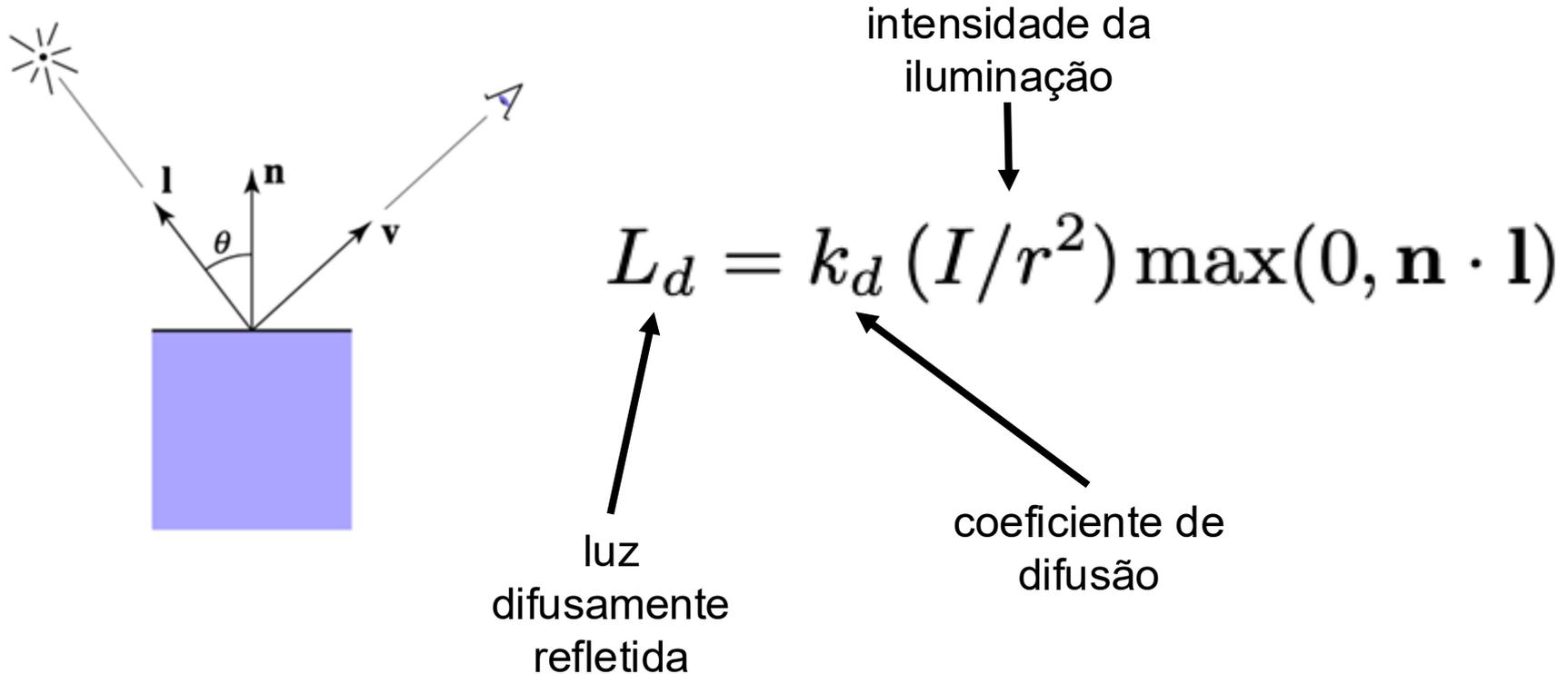
# Superfície Perpendicular

Podemos usar o produto escalar de dois vetores para descobrir o quanto uma superfície está perpendicular a algo (luz, ponto de vista)



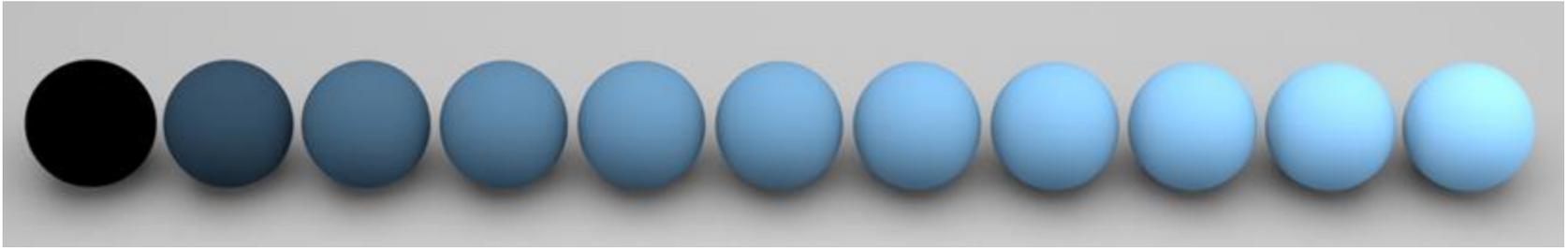
# Propriedades Lambertianas (Difusas)

aparência da cor e brilho independente da direção de visualização



# Propriedades Lambertianas (Difusas)

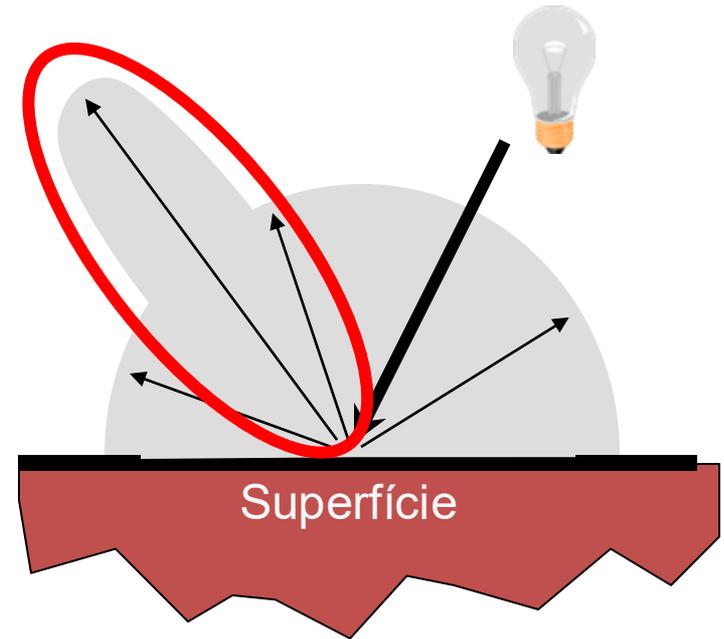
Leva a uma aparência fosca



Kd variando de 0 até 1

# Reflexão Especular

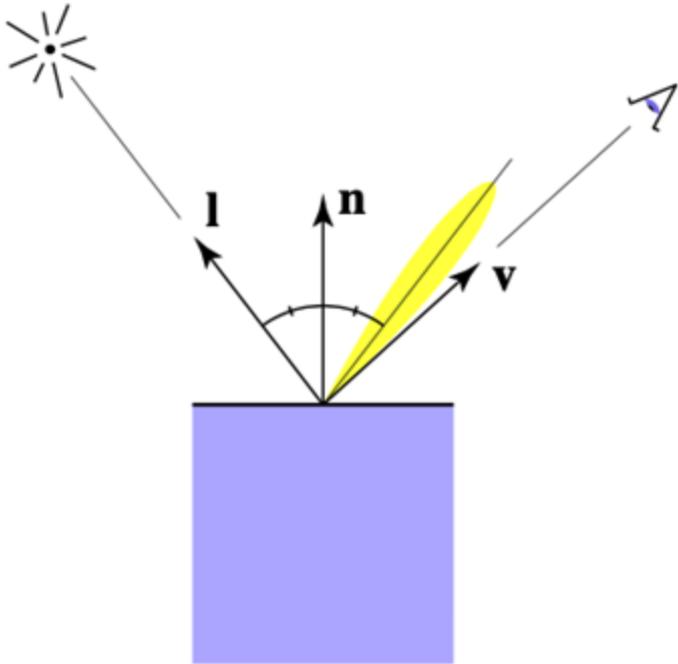
- Reflexão é mais intensa no ângulo que espelha o raio
  - Exemplos: espelhos, metais



# Reflexão Especular (Blinn / Phong)

Intensidade depende da direção de visualização

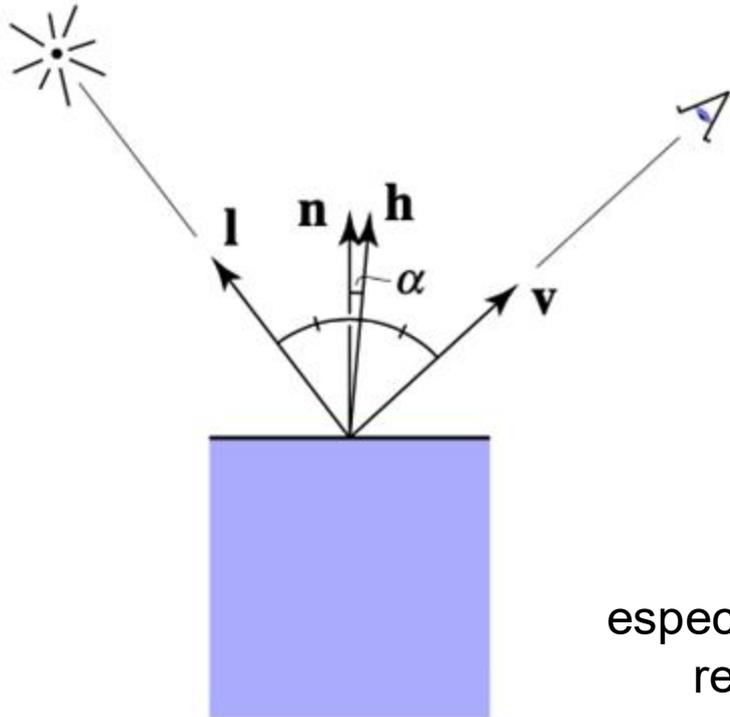
Maior intensidade de brilho quando o ângulo de reflexão é o mesmo do ângulo de incidência em relação a normal da superfície.



# Reflexão Especular (Blinn / Phong)

Quando próximo ao ângulo de incidência, maior brilho.

O quão "próximo" é medido pelo produto escalar dos vetores unitários.



$$h = \text{bissetriz}(v, l)$$

$$= \frac{v + l}{\|v + l\|}$$

$$L_s = K_s \left( \frac{I}{r^2} \right) \max(0, \cos \alpha)^p$$

luz  
especularmente  
refletida

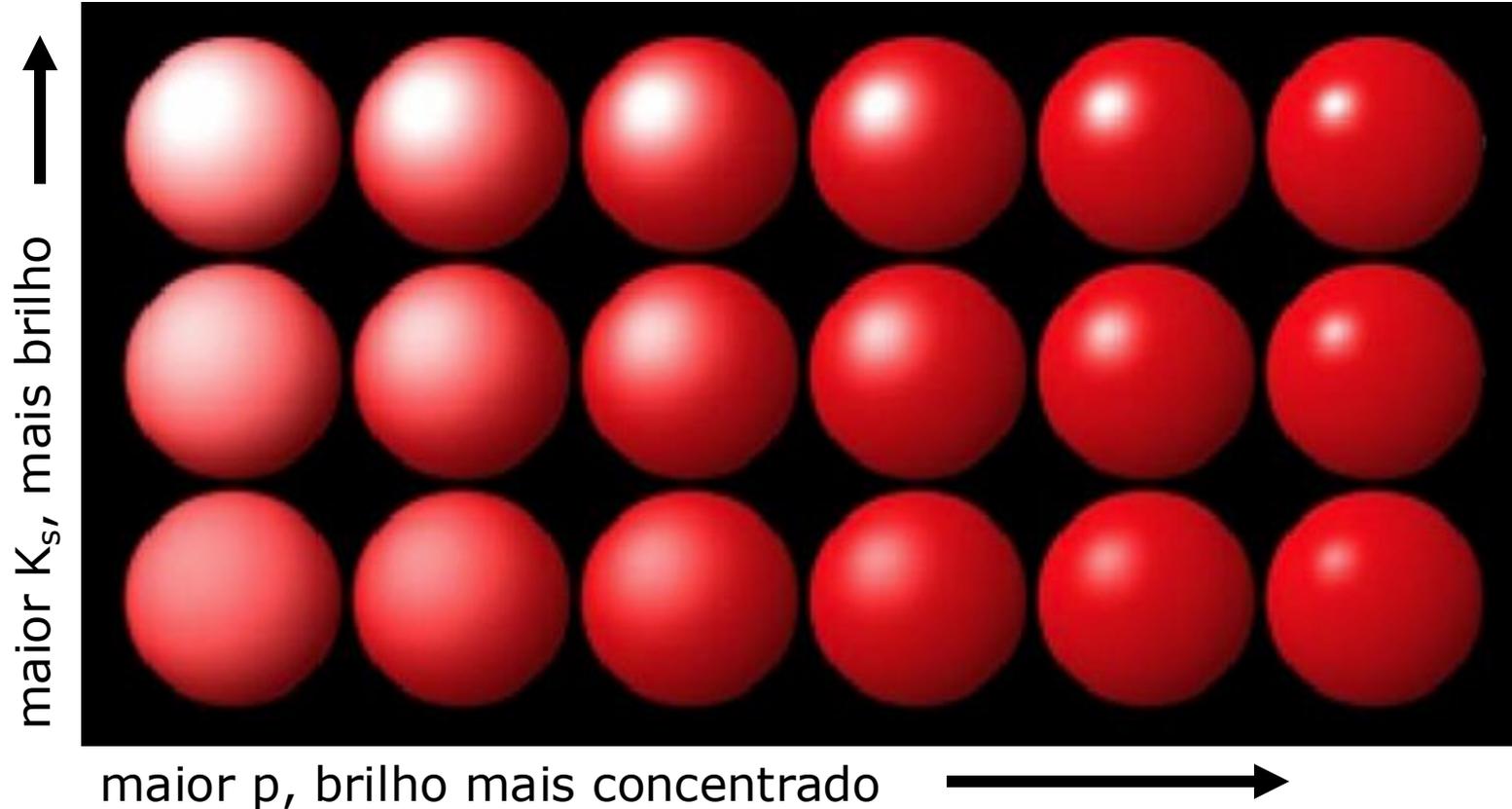
$$= K_s \left( \frac{I}{r^2} \right) \max(0, n \cdot h)^p$$

coeficiente de  
especularidade

expoente de  
reflexão especular  
Insper

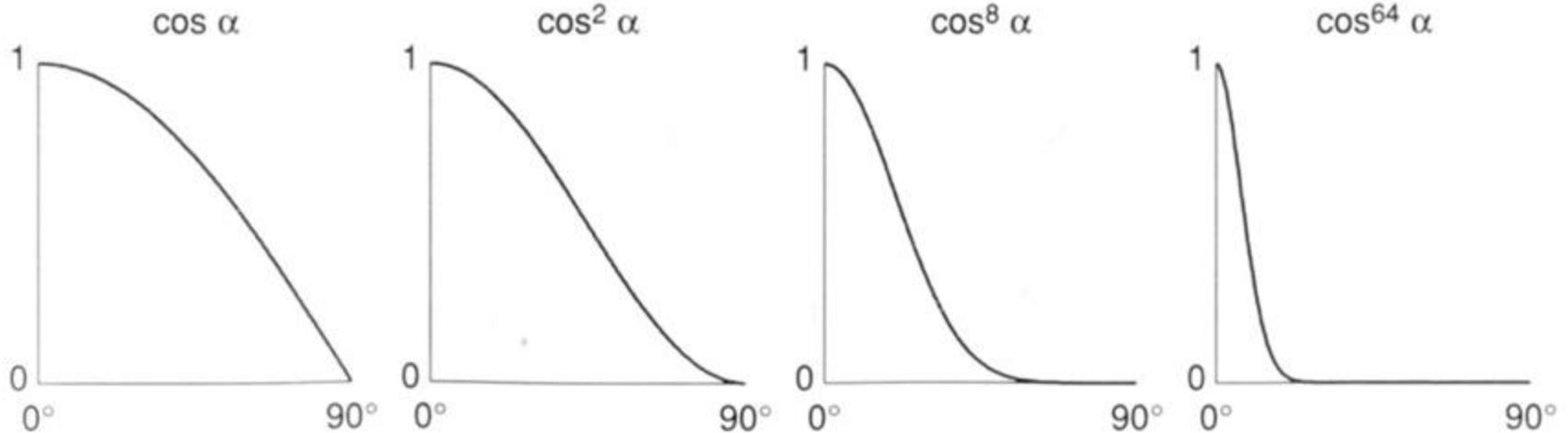
# Reflexão Especular (Blinn / Phong)

$$L_s = K_s \left( \frac{I}{r^2} \right) \max(0, n \cdot h)^p$$



# Região Saturada de Brilho

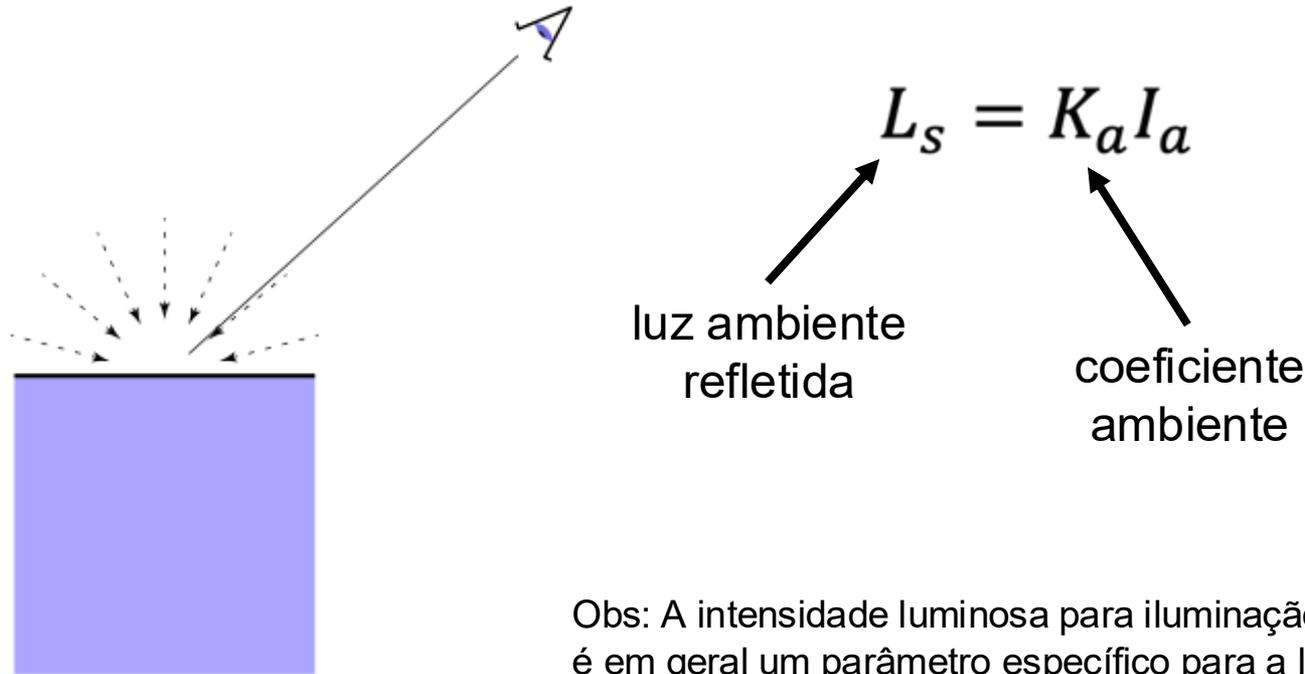
Aumentar o expoente  $p$  irá estreitar a região saturada de brilho



# Reflexão/Iluminação Ambiente

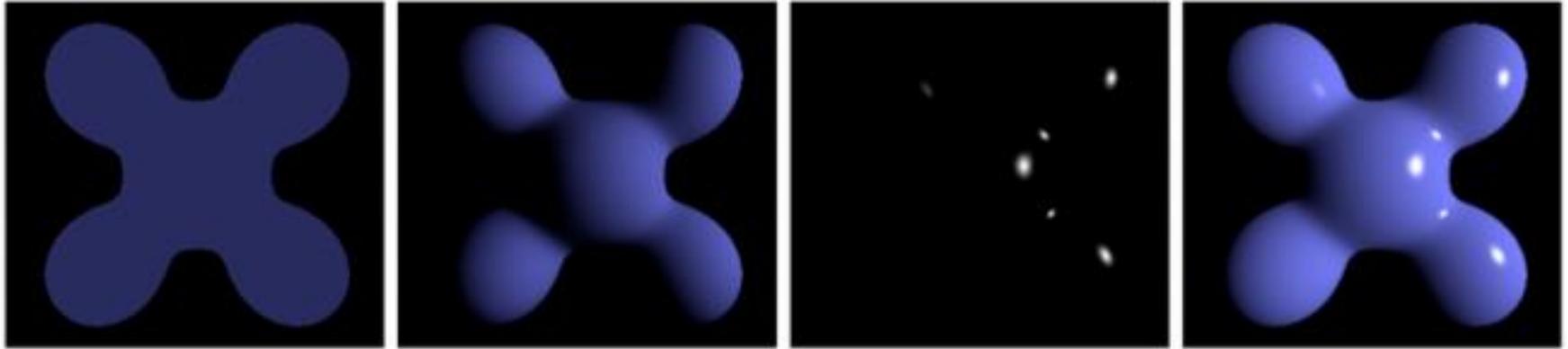
Reflexão/Iluminação que não depende de nada

Adiciona uma cor constante a superfície para compensar qualquer falta de iluminação, preenchendo regiões escurecidas



Obs: A intensidade luminosa para iluminação ambiente é em geral um parâmetro específico para a luz.

# Modelo de Reflexão Blinn-Phong



Ambiente + Difusa + Especular = Reflexão Phong

$$\begin{aligned} L &= L_a + L_d + L_s \\ &= k_a I_a + k_d (I/r^2) \max(0, \mathbf{n} \cdot \mathbf{l}) + k_s (I/r^2) \max(0, \mathbf{n} \cdot \mathbf{h})^p \end{aligned}$$

# Shading em Malhas de Triângulos

Infelizmente não conheço nenhuma tradução adequada. A tradução usada é "sombreamento", mas fica estranha. Prefiro "tonalização" mas não é muito usado

**shading** *noun*

 /'ʃeɪdɪŋ/

 /'ʃeɪdɪŋ/

- 1 ★ [uncountable] the use of colour, pencil lines, etc. to give an impression of light and shade in a picture or to emphasize areas of a map, diagram, etc.

# Shading em Triângulos, Vértices e Pixels

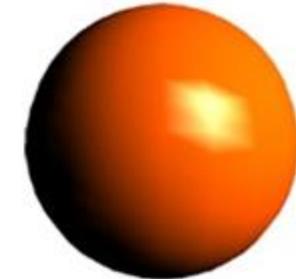
## Shading por triângulo (flat shading)

- A face do triângulo é plana (um vetor normal)
- Nada bom para superfícies suaves



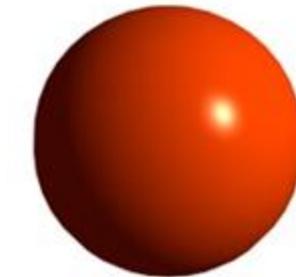
## Shading por vértice ("Gouraud" shading)

- Interpolando as cores através do triângulo
- Cada vértice possui um vetor normal

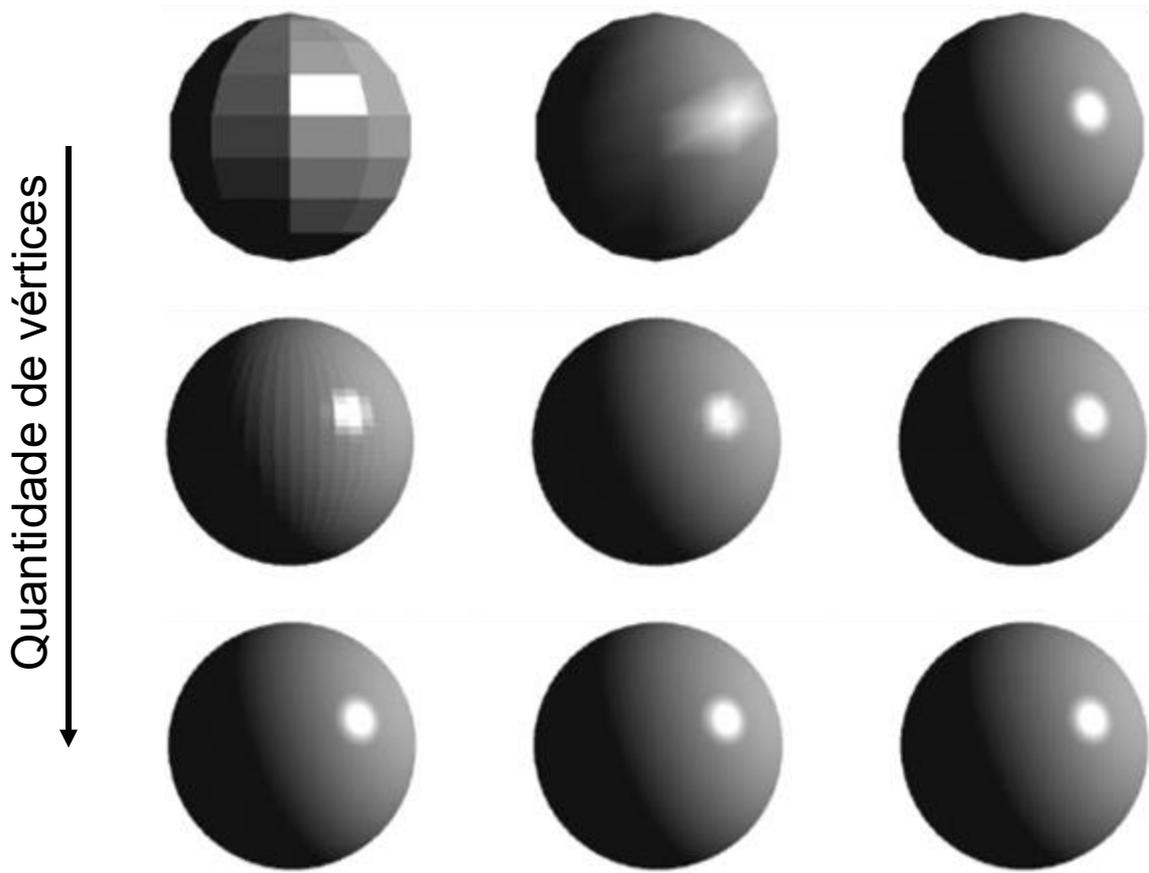


## Shading por pixel ("Phong" shading)

- Interpolando a normal através do triângulo
- Calcula em cada pixel qual seria a cor



# Shading em Triângulos, Vértices e Pixels



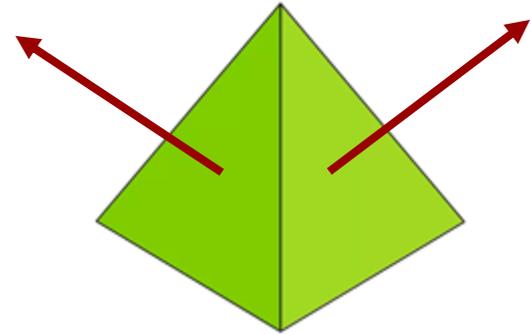
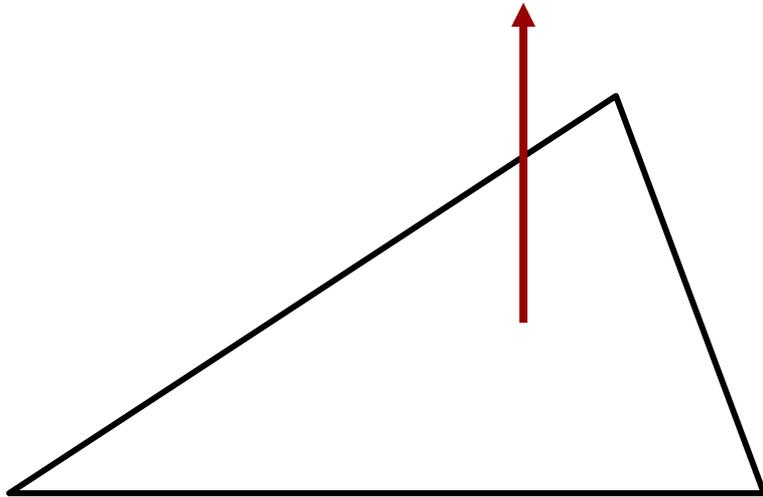
Tipo de Shading:

Flat

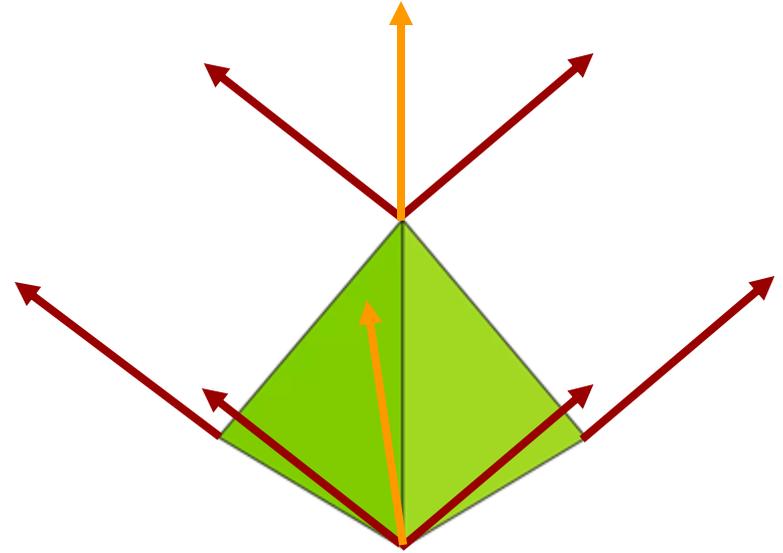
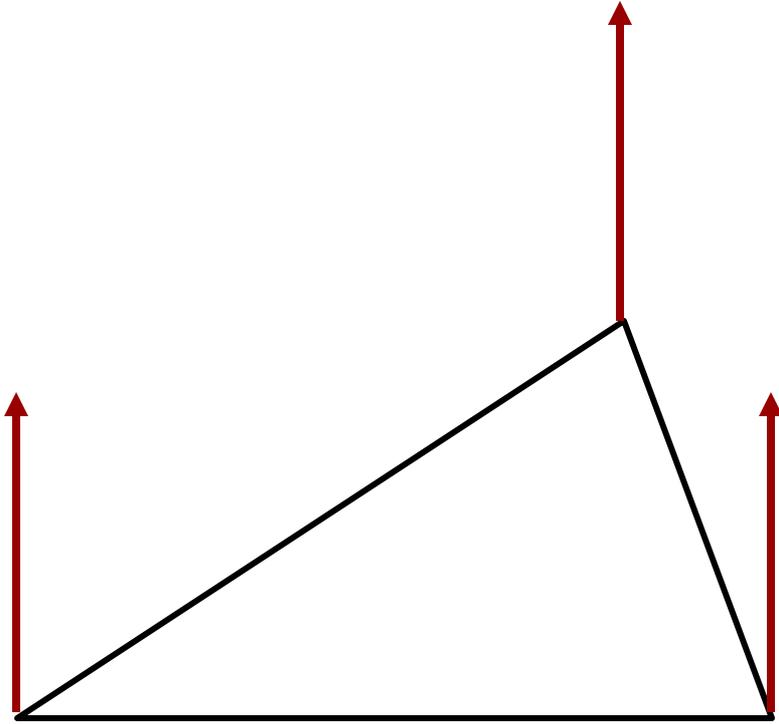
Gouraud

Phong

# Normais por Face



# Normais por Vértice



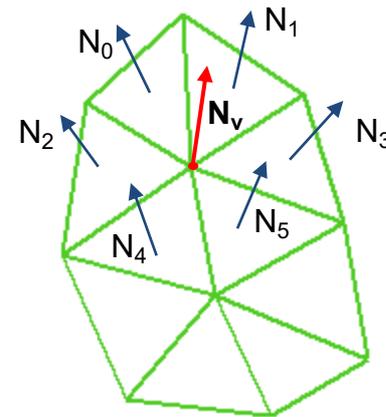
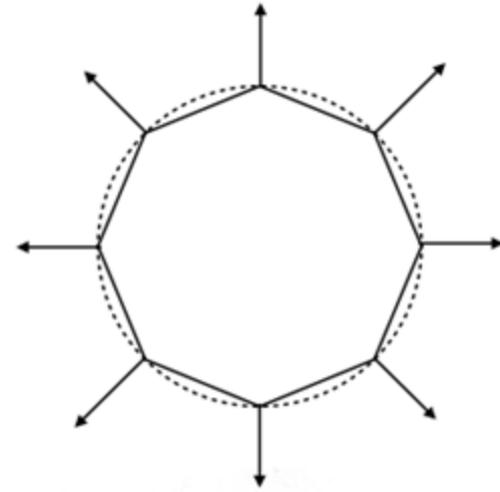
# Definindo Vetores Normais por Vértice

Melhor obter normais da geometria desejada, por exemplo: uma esfera

Senão inferir as normais das faces dos triângulos

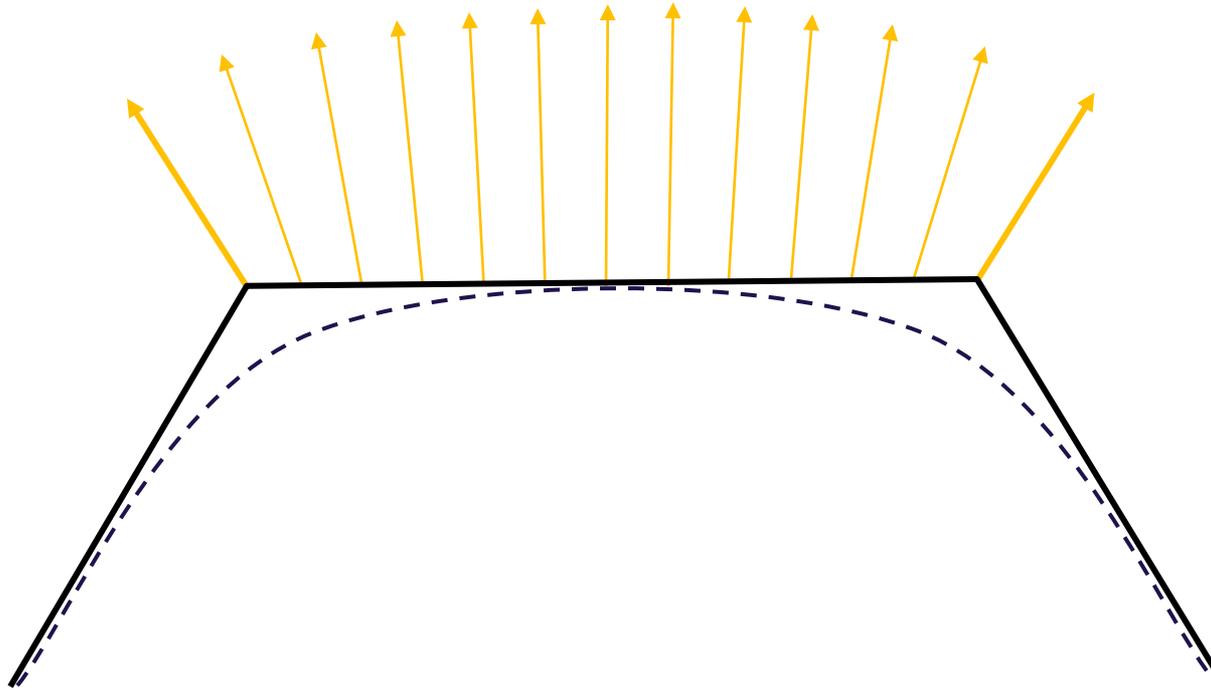
Proposta mais simples: Médias das normais das faces ao redor

$$N_v = \frac{\sum_i N_i}{\|\sum_i N_i\|}$$



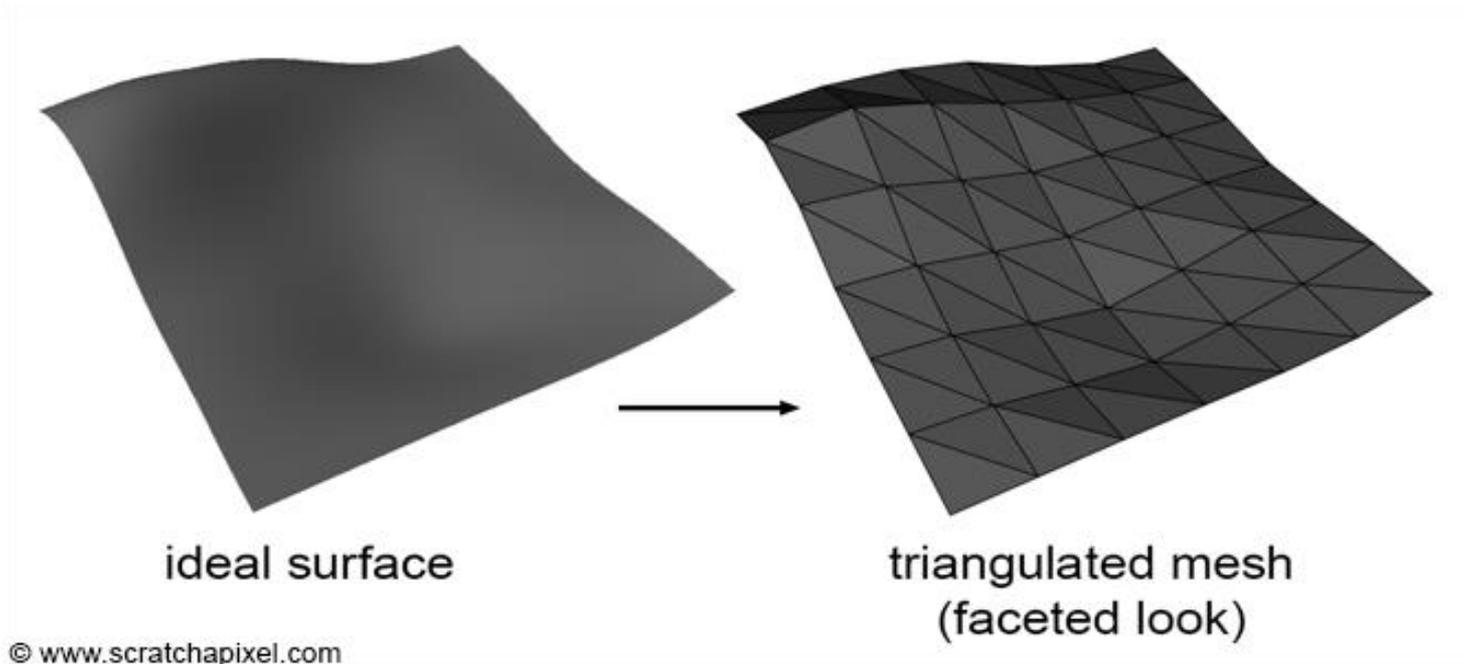
# Definindo Vetores Normais por Vértice

Interpolação baricêntrica das normais

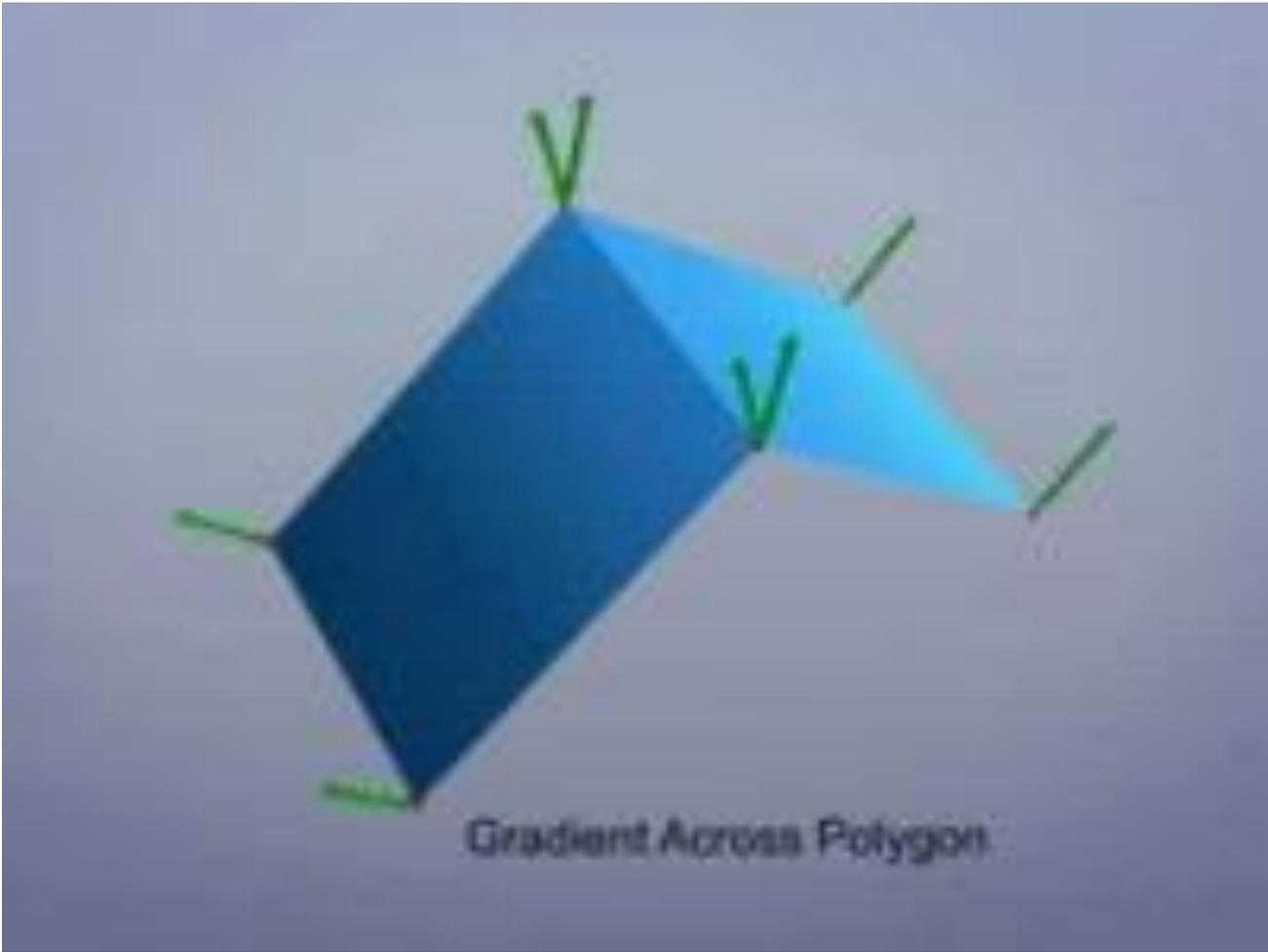


# Suavizando

Com essa técnica podemos produzir superfícies que parecem suaves, quando não são.



# Smooth Shading



<https://www.youtube.com/watch?v=PMgjVJoglbc>

# X3D : Material

O nó **Material** especifica propriedades de material de superfície para nós de geometria associados e é usado pelas equações de iluminação X3D durante a renderização.

```
Material : X3DMaterialNode {  
    SFFloat    [in,out]    ambientIntensity    0.2    [0,1]  
    SFColor    [in,out]    diffuseColor    0.8 0.8 0.8    [0,1]  
    SFColor    [in,out]    emissiveColor    0 0 0    [0,1]  
    SFNode     [in,out]    metadata            NULL    [X3DMetadataObject]  
    SFFloat    [in,out]    shininess    0.2    [0,1]  
    SFColor    [in,out]    specularColor    0 0 0    [0,1]  
    SFFloat    [in,out]    transparency    0    [0,1]  
}
```

Você não precisa implementar no projeto o `ambientIntensity`

# Novos Nós X3D : NavigationInfo

O campo do **headlight** especifica se um navegador deve acender uma luz direcional que sempre aponta na direção que o usuário está olhando. Definir este campo como TRUE faz com que o visualizador forneça sempre uma luz do ponto de vista do usuário. A luz headlight deve ser direcional, ter intensidade = 1, cor = (1, 1, 1), ambientIntensity = 0.0 e direção = (0, 0, -1).

```
NavigationInfo : X3DBindableNode {
  SFBool   [in]    set_bind
  MFFloat  [in,out] avatarSize   [0.25 1.6 0.75]  [0,∞)
  SFBool  [in,out] headlight   TRUE
  SFNode   [in,out] metadata     NULL             [X3DMetadataObject]
  SFFloat  [in,out] speed        1.0                 [0,∞)
  SFTime   [in,out] transitionTime 1.0              [0, ∞)
  MFString [in,out] transitionType ["LINEAR"]       ["TELEPORT","LINEAR", "ANIMATE",...]
  MFString [in,out] type          ["EXAMINE" "ANY"]      ["ANY","WALK","EXAMINE","FLY","LOOKAT","NONE","EXPLORE",...]
  SFFloat  [in,out] visibilityLimit 0.0                 [0,∞)
  SFTime   [out]    bindTime
  SFBool   [out]    isBound
  SFBool   [out]    transitionComplete
}
```

# Novos Nós X3D : DirectionalLight

Define uma fonte de luz direcional que ilumina ao longo de raios paralelos em um determinado vetor tridimensional. Possui os campos básicos **ambientIntensity**, **color**, **intensity**. O campo de **direction** especifica o vetor de direção da iluminação que emana da fonte de luz no sistema de coordenadas local. A luz é emitida ao longo de raios paralelos de uma distância infinita.

```
DirectionalLight : X3DLightNode {
  SFFloat [in,out] ambientIntensity 0      [0,1]
  SFColor  [in,out] color           1 1 1  [0,1]
  SFVec3f  [in,out] direction       0 0 -1 (-∞,∞)
  SFBool   [in,out] global          FALSE
  SFFloat  [in,out] intensity       1      [0,1]
  SFNode   [in,out] metadata        NULL  [X3DMetadataObject]
  SFBool   [in,out] on              TRUE
}
```

# Equação de Cores (padrão X3D simplificado)

$$\mathbf{I}_{\text{rgb}} = O_{\text{Ergb}} + \text{SUM}( I_{\text{Lrgb}} \times (\text{ambient}_i + \text{diffuse}_i + \text{specular}_i))$$

$$\text{ambient}_i = I_{\text{ia}} \times O_{\text{Drgb}} \times O_{\text{a}}$$

$$\text{diffuse}_i = I_i \times O_{\text{Drgb}} \times (\mathbf{N} \cdot \mathbf{L})$$

$$\text{specular}_i = I_i \times O_{\text{Srgb}} \times (\mathbf{N} \cdot ((\mathbf{L} + \mathbf{v}) / |\mathbf{L} + \mathbf{v}|))^{\text{shininess} \times 128}$$

$\mathbf{I}_{\text{Lrgb}}$  = light *color*       $\mathbf{I}_i$  = light *intensity*       $\mathbf{I}_{\text{ia}}$  = light *ambientIntensity*

$O_{\text{Ergb}}$  = material *emissiveColor*       $O_{\text{Drgb}}$  = material *diffuse colour*       $O_{\text{Srgb}}$  = material *specularColor*

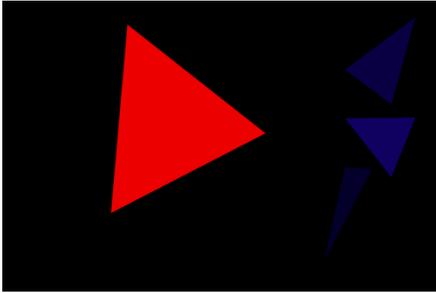
$O_{\text{a}}$  = material *ambientIntensity*

$\mathbf{L}$  = direction of light source

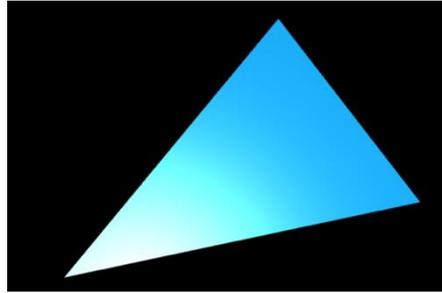
$\mathbf{N}$  = normalized normal vector at this point on geometry

$\mathbf{v}$  = normalized vector from point on geometry to viewer's position

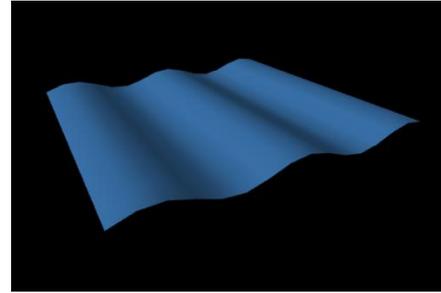
# Quinta (e última) parte do projeto 1



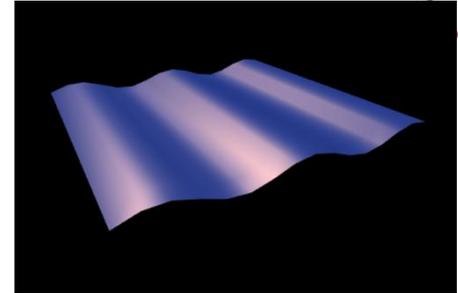
difusos.x3d



mineiro.x3d

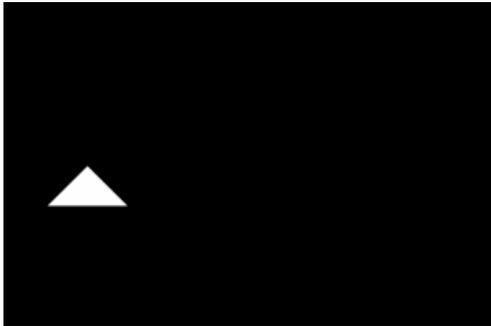


senoide\_difusa.x3d

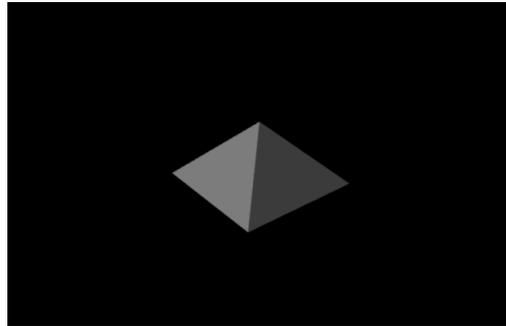


senoide\_difusa.x3d

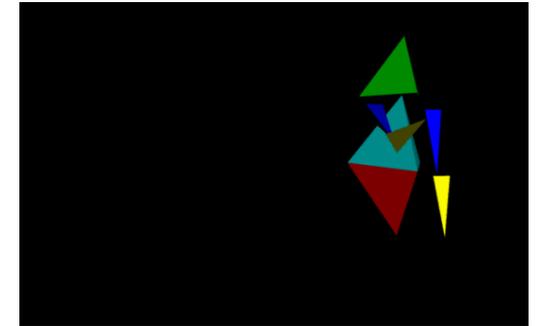
## Próxima Aula



onda.x3d



piramide.x3d



avatar\_animado.x3d

<https://lpsoares.github.io/Renderizador/>

# Computação Gráfica

Luciano Soares

<lpsoares@insper.edu.br>

Fabio Orfali

<fabio01@insper.edu.br>